

STABILITATEA SI CONTROLUL SISTEMELOR ELECTROENERGETICE

Stabilitatea la mici perturbatii a sistemelor complexe

Modelul matematic general

Modelul matematic general

Dinamica SEE este descrisă de un sistem de ecuații algebro-diferențiale:

$$\begin{aligned} \dot{\mathbf{x}} &= f(\mathbf{x}, \mathbf{y}) \text{ – ecuații diferențiale} \\ 0 &= g(\mathbf{x}, \mathbf{y}) \text{ – ecuații algebrice} \end{aligned}$$

\mathbf{x} -vectorul variabilelor dinamice de stare (unghiurile rotorice, vitezele unghiulare sau tensiunile electromotoare din înfășurările statorică și rotorică);
 \mathbf{y} -vectorul variabilelor algebrice de stare (modulele și argumentele tensiunilor din nodurile rețelei electrice și curenții statorici).

Modelul matematic general

$$0 = g(\mathbf{x}, \mathbf{y}) \text{ – ecuații algebrice}$$

Ecuțiile algebrice prezintă:

- bilanțul puterilor active și reactive în nodurile rețelei electrice.
- ecuațiile statorice ale generatorului sincron, care exprimă legătura dintre tensiunile electromotoare și tensiunile la bornele generatoarelor sincrone prin intermediul curenților statorici, folosind reprezentarea în coordonate (d,q).

Modelul matematic general

$$\dot{\mathbf{x}} = f(\mathbf{x}, \mathbf{y}) \text{ – ecuații diferențiale}$$

Ecuțiile diferențiale prezintă:

- *regimul dinamic electromecanic*, care descrie variația în timp a vitezelor și unghiurilor interne ale rotoarelor generatorului sincron, în funcție de dezechilibrul între puterile mecanică și electromagnetică.
- *regimul dinamic electromagnetic*, care descrie ecuațiile de funcționare ale înfășurărilor statorice ale generatorului sincron în coordonate (d,q), în regim tranzitoriu.
- *regimul dinamic al sistemului de excitație și al regulatorului automat de tensiune*, care descrie condițiile de variație în timp a t.e.m. din înfășurarea de excitație.

Modelul matematic general

În principiu, studiul stabilității la mici perturbații pornește de la sistemul de ecuații algebro-diferențiale:

$$\dot{\mathbf{x}} = f(\mathbf{x}, \mathbf{y}) \text{ – ecuații diferențiale}$$

$$0 = g(\mathbf{x}, \mathbf{y}) \text{ – ecuații algebrice}$$

pe care îl transformă într-un sistem redus care va conține numai ecuații diferențiale.

Noua formă a sistemului se obține prin eliminarea restricțiilor descrise de ecuațiile algebrice și includerea lor într-o matrice de stare unică a sistemului.

Modelul matematic general

Sistemul de ecuații algebro-diferențiale se liniarizează prin trecerea de la valorile absolute ale variabilelor de stare la creșterile finite ale acestora:

$$\begin{aligned}\Delta \dot{\mathbf{x}} &= \mathbf{A}_0 \cdot \Delta \mathbf{x} + \mathbf{B}_0 \cdot \Delta \mathbf{y} \\ 0 &= \mathbf{C}_0 \cdot \Delta \mathbf{x} + \mathbf{D}_0 \cdot \Delta \mathbf{y}\end{aligned}$$

unde indicele 0 se referă la forma inițială a sistemului. Prin eliminarea variabilelor algebrice de stare $\Delta \mathbf{y}$ din sistemul original, se obțin succesiv relațiile care urmează.

Modelul matematic general

$$\begin{aligned}\Delta \mathbf{y} &= -\mathbf{D}_0^{-1} \cdot \mathbf{C}_0 \cdot \Delta \mathbf{x} \\ \Delta \dot{\mathbf{x}} &= \mathbf{A}_0 \cdot \Delta \mathbf{x} - \mathbf{B}_0 \cdot \mathbf{D}_0^{-1} \cdot \mathbf{C}_0 \cdot \Delta \mathbf{x} = (\mathbf{A}_0 - \mathbf{B}_0 \cdot \mathbf{D}_0^{-1} \cdot \mathbf{C}_0) \cdot \Delta \mathbf{x}\end{aligned}$$

Se introduce notația:

$$\mathbf{A} \equiv \mathbf{A}_0 - \mathbf{B}_0 \cdot \mathbf{D}_0^{-1} \cdot \mathbf{C}_0$$

care conduce la sistemul unic de ecuații diferențiale:

$$\Delta \dot{\mathbf{x}} = \mathbf{A} \cdot \Delta \mathbf{x}$$

Matricea \mathbf{A} – **matricea de stare** a sistemului inițial de ecuații algebro-diferențiale.

Modelul matematic general

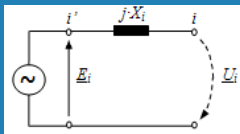
În funcție de gradul de detaliere a modelului matematic, se deosebesc două cazuri:

- *stabilitate naturală* – se folosesc numai ecuațiile diferențiale asociate mișcării rotorului (cele care descriu regimul electromecanic) și ecuațiile algebrice generate pe baza bilanțului puterilor active și reactive în nodurile rețelei electrice.
- *stabilitate artificială* – se adaugă și restul ecuațiilor menționate: ecuațiile diferențiale asociate regimurilor dinamice electromagnetice și regimului dinamic al sistemului de excitație și RAT, respectiv ecuațiile algebrice asociate înfășurărilor statorice.

Modelul matematic pentru sistemele complexe

Modelul matematic pentru sistemele complexe

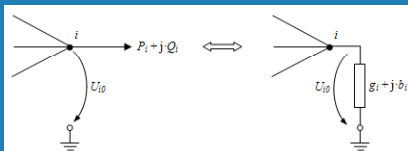
Reprezentarea generatorului sincron



Reprezentarea generatorului sincron în studiile de stabilitate, printr-o t.e.m. ($E_i = E_{q,i}$ sau $E'_{q,i}$) în spatele unei reactanțe ($X_i = X_{d,i}$ sau $X'_{d,i}$). U_i este tensiunea complexă la bornele generatorului sincron.

Modelul matematic pentru sistemele complexe

Reprezentarea consumatorilor

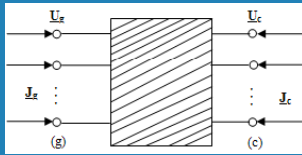


Liniarizarea sarcinilor (admitante sunt):

$$g_i = \frac{P_{i,0}}{U_{i,0}^2} \quad b_i = -\frac{Q_{i,0}}{U_{i,0}^2} \quad (y_i = g_i + j \cdot b_i)$$

Modelul matematic pentru sistemele complexe

Reprezentarea rețelei de transport

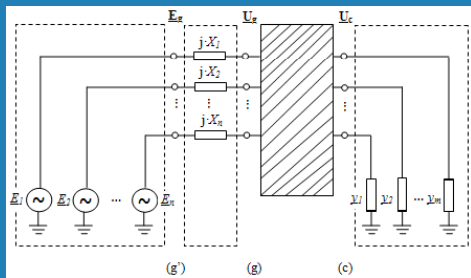


Ecuatia nodala partitionata dupa nodurile generatoare (g) si consumatoare (c).

$$\begin{bmatrix} \mathbf{Y}_{gg} & \mathbf{Y}_{gc} \\ \mathbf{Y}_{cg} & \mathbf{Y}_{cc} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \mathbf{U}_g \\ \mathbf{U}_c \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \mathbf{J}_{g1} \\ \mathbf{J}_{c1} \end{bmatrix}$$

Modelul matematic pentru sistemele complexe

Multipolul generic al SEE în studiu



Modelul matematic pentru sistemele complexe

Noua forma a ecuatiei nodale (1/2):

$$\begin{bmatrix} \mathbf{Y}_{g'g'} & \mathbf{Y}_{g'g} & 0 \\ \mathbf{Y}_{gg'} & \mathbf{Y}_{gg} & \mathbf{Y}_{gc} \\ 0 & \mathbf{Y}_{cg} & \mathbf{Y}_{cc} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \mathbf{U}_{g'} \\ \mathbf{U}_g \\ \mathbf{U}_c \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \mathbf{E} \\ \mathbf{J}_{g'} \\ \mathbf{J}_c \end{bmatrix}$$

- $\mathbf{Y}_{g'g'}$ - matricea diagonală a admitanțelor generatoarelor conectate în nodurile (g'), cu proprietatea $Y_{ii}=1/X_{ii}$.
- $\mathbf{Y}_{gg'}$, $\mathbf{Y}_{g'g}$ - matricele admitanțelor interne ale generatoarelor, conectate între nodurile (g) și (g'), cu proprietatea $(\mathbf{Y}_{gg'})^T = \mathbf{Y}_{g'g}$. În principiu, elementele matricelor $\mathbf{Y}_{g'g}$ și $\mathbf{Y}_{gg'}$, respectiv $\mathbf{Y}_{g'g}$ și $\mathbf{Y}_{gg'}$ sunt egale și cu semn schimbat.

Modelul matematic pentru sistemele complexe

Noua forma a ecuației nodale (2/2):

$$\begin{bmatrix} \mathbf{Y}_{g'g'} & \mathbf{Y}_{g'g} & 0 \\ \mathbf{Y}_{gg'} & \mathbf{Y}_{gg} & \mathbf{Y}_{gc} \\ 0 & \mathbf{Y}_{cg} & \mathbf{Y}_{cc} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \mathbf{U}_g \\ \mathbf{U}_g \\ \mathbf{U}_c \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \mathbf{J}_g \\ \mathbf{J}_g \\ \mathbf{J}_c \end{bmatrix}$$

- \mathbf{Y}_{gg}^R - forma recalculată a matricei de admitanțe \mathbf{Y}_{gg} din relația inițială. Matricele \mathbf{Y}_{gg}^R și \mathbf{Y}_{gg} diferă prin admitanțele asociate impedanțelor generatoarelor, $j \cdot X'_{g'}$.
- \mathbf{Y}_{cc}^R - forma recalculată a matricei de admitanțe \mathbf{Y}_{cc} din relația inițială. Matricele \mathbf{Y}_{cc}^R și \mathbf{Y}_{cc} diferă prin admitanțele \underline{y}_c care înlocuiesc injecțiile de curenți din nodurile consumatoare \mathbf{J}_c .

Modelul matematic pentru sistemele complexe

Prin eliminarea necunoscutelor \mathbf{U}_g și \mathbf{U}_c , se obține o formă redusă a sistemului de ecuații nodale, care conține ecuații numai pentru nodurile interne ale generatoarelor (g').

$$\mathbf{Y}_R \cdot \mathbf{E} = \mathbf{J}_g$$

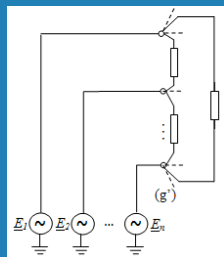
unde prin:

$$\mathbf{Y}_R = \mathbf{Y}_{g'g'} - \mathbf{Y}_{g'g} \cdot [\mathbf{Y}_{gg}^R - \mathbf{Y}_{gc} \cdot (\mathbf{Y}_{cc}^R)^{-1} \cdot \mathbf{Y}_{cg}]^{-1} \cdot \mathbf{Y}_{gg'}$$

s-a notat matricea de admitanțe nodala redusă.

Modelul matematic pentru sistemele complexe

Schema echivalentă redusă la nodurile interne ale generatoarelor (g').



Caracteristicile unghiulare de putere ale GS în sistemele complexe

Caracteristicile unghiulare de putere ale GS în sistemele complexe

$$\underline{Y}_R \cdot \underline{E} = \underline{J}_g \Rightarrow \underline{J}_i = Y_{ii} \cdot \underline{E}_i - \sum_{\substack{k=1 \\ k \neq i}}^n Y_{ik} \cdot \underline{E}_k \quad i = 1 \dots n$$

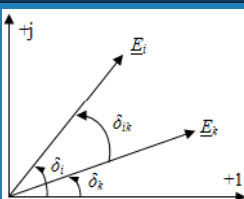
Notatii:

$$\underline{E}_i = E_i \angle \delta_i; \quad \underline{E}_k = E_k \angle \delta_k; \quad \underline{Y}_{ii} = Y_{ii} \angle -\psi_{ii}; \quad \underline{Y}_{ik} = Y_{ik} \angle -\psi_{ik}$$

$$\underline{Z}_{ik} = Z_{ik} \angle \psi_{ik} \Rightarrow \underline{Y}_{ik} = 1 / \underline{Z}_{ik} = Y_{ik} \angle -\psi_{ik}$$

$$\delta_{ik} = \delta_i - \delta_k$$

Caracteristicile unghiulare de putere ale GS în sistemele complexe



Notatie:

$$\delta_{ik} = \delta_i - \delta_k$$

În aceste condiții, puterea activă debitată de generatorul i se obține ca:

$$P_i = \text{Re}(\underline{S}_i) = \text{Re}(\underline{E}_i \cdot \underline{J}_i^*) = \text{Re} \left[\underline{E}_i \cdot (Y_{ii}^* \underline{E}_i - \sum_{k=1, k \neq i}^n Y_{ik}^* \underline{E}_k) \right]$$

Caracteristicile unghiulare de putere ale GS în sistemele complexe

$$P_i = \operatorname{Re} \left[Y_{ii} \cdot E_i^2 \cdot e^{j\psi_{ii}} - \sum_{k=1, k \neq i}^n Y_{ik} \cdot E_i \cdot E_k \cdot e^{j(\psi_{ik} + \delta_i - \delta_k)} \right]$$
$$P_i = Y_{ii} \cdot E_i^2 \cdot \cos \psi_{ii} - \sum_{k=1, k \neq i}^n Y_{ik} \cdot E_i \cdot E_k \cdot \cos(\psi_{ik} + \delta_{ik})$$

Caracteristicile unghiulare de putere ale celor n generatoare din sistem:

$$P_{e,i} = P_i = Y_{ii} \cdot E_i^2 \cdot \sin \alpha_{ii} + \sum_{k=1, k \neq i}^n Y_{ik} \cdot E_i \cdot E_k \cdot \sin(\delta_{ik} - \alpha_{ik}) \quad i = 1 \dots n$$

Stabilitatea naturala a SEE

Stabilitatea naturala a SEE



... urmeaza ...

**STABILITATEA LA MICI
PERTURBATII A SISTEMELOR
COMPLEXE**
